

## CORRIENTE ALTERNA 9

81. La resolución de los circuitos de corriente alterna, necesitan del desarrollo del cálculo de los números complejos, a través de la interconversión de una magnitud compleja en forma polar debido a los diferentes desfases producidos por las impedancias, a formas binómicas, ya que los cocientes y productos de las magnitudes utilizadas se operan mejor a través de formas polares, mientras que las sumas y restas lo hacen a partir de las binómicas, de esa forma, cuando se trata de calcular una impedancia a partir de formas polares de  $V$  e  $i$ , lo que se hace es:

- Dividir los módulos y restar los argumentos
- Multiplicar los módulos y sumar los argumentos
- Sumar los módulos y multiplicar los argumentos
- Restar los módulos y sumar los argumentos

**SOLUCIÓN**

Es correcta la a.

82. Si un generador de corriente alterna, suministra 220V, con un ángulo de fase de  $0^\circ$ , mientras que la intensidad de la corriente es de 10A, con un ángulo de fase de  $-90^\circ$ , la impedancia total del circuito será en expresión polar:

- $22\Omega \angle 90^\circ$
- $22\Omega \angle -90^\circ$
- $12\Omega \angle 90^\circ$
- $12\Omega \angle 90^\circ$

**SOLUCIÓN**

Es correcta la a.

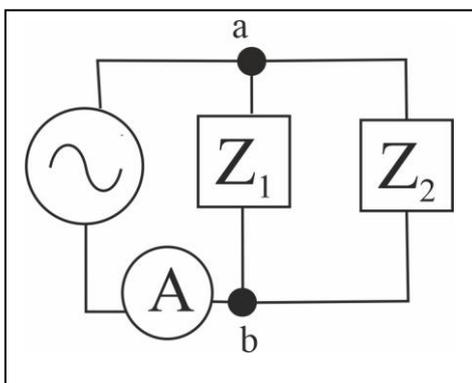
83. En el caso del test anterior la expresión binómica de la impedancia total será:

- $-22\Omega$
- $22j\Omega$
- $22\Omega$
- $-22j\Omega$

**SOLUCIÓN**

La conversión de la forma polar  $MÓDULO \angle \phi$  se  $^\circ$ a binómica se hace a través de la transformación  $MÓDULO * \text{SENO} \phi$  (parte real) +  $MÓDULO * \text{COS} \phi j$  (parte imaginaria), o sea  $10 \text{seno} 90^\circ + 10 \text{cos} 90^\circ j = 10\Omega$

Es correcta la c



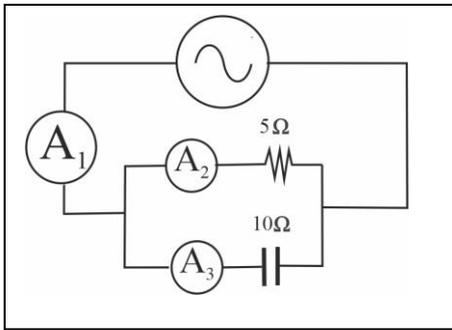
84. El circuito dado suministra 220V, con un desfase de  $45^\circ$ , contiene una impedancia  $Z_1$ , de  $15\Omega$ , y ángulo de fase de  $20^\circ$ , en paralelo con otra  $Z_2$  de  $20\Omega$  y ángulo de fase de  $45^\circ$ . Según lo dado se podrá asegurar que:

- La intensidad  $i_1$ , por  $Z_1$  será  $13,29A + 6,19jA$
- La intensidad  $i_2$  por  $Z_2$  será  $11 \angle 0^\circ$
- La intensidad total será  $24,29A + 6,19jA$
- La intensidad total en forma polar será  $25,1A \angle 14,3^\circ$

**SOLUCIÓN**

Dado que  $i_1 = V/Z_1$  trabajando en forma polar  $i_1 = 14,67A \angle 25^\circ$ , y en binómica:  $13,29A + 6,19jA$ . Repitiendo con  $i_2 = V/Z_2 = 11A \angle 0^\circ$ , y en binómica  $11A$ , por lo que  $i = i_1 + i_2 = 24,29A + 6,19jA$ . Pasando a binómica:

$M = \sqrt{(24,29^2 + 6,19^2)} = 25,07A$ , y  $\phi = \text{arc tan}(6,19/24,29) = 14,3^\circ$ . Son correctas todas.



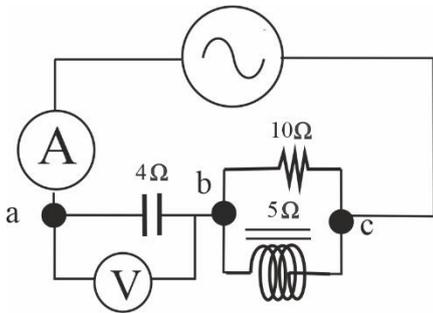
85. En el circuito de la figura, y teniendo en cuenta que el generador suministra 20V, se podrá asegurar que:

- a)  $A_2$  marca 4A
- b) La intensidad máxima del circuito será de 4,5A
- c) El ángulo de desfase entre el voltaje y la intensidad será de  $-63^\circ$
- d) La impedancia equivalente será de  $2-4j$  ohmios

**SOLUCIÓN**

Dado que  $i_2=20V \angle 0^\circ / 5\Omega \angle 0^\circ$ , trabajando en forma polar  $i_2=4A \angle 0^\circ$ . De la misma forma  $i_3=20V \angle 0^\circ / 10\Omega \angle -90^\circ = 2A \angle 90^\circ$ . Empleando forma binómica para sumarlas  $i_2=4+0jA$ ,  $i_3=2jA$ ,  $i_1=4+2jA$  y en forma polar 4,5A, y ángulo de fase =  $\text{atan}(2/4)=26,6^\circ$ .

La  $Z=V/i=20V \angle 0^\circ / 4,5A \angle 26,6^\circ = 4,47 \angle -26,6^\circ$  y en forma binómica:  $Z=4,47\cos(-26,6^\circ)+4,47\text{sen}(-26,6^\circ)\Omega = Z=4-2j \Omega$ . Solo son correctas la a, la b y la d.



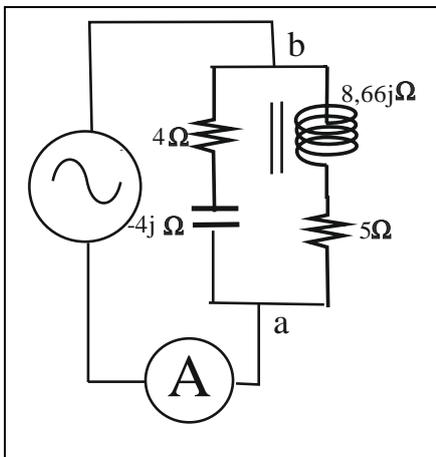
86. En el circuito de la figura, siendo la fuerza electromotriz del generador  $20\text{seno}(\omega t+45^\circ)$  V, se podrá afirmar que :

- a) La impedancia de todo el circuito es de  $2\Omega$
- b) A marca 4A
- c) V marca 40V
- d) La intensidad principal está en fase con el voltaje

**SOLUCIÓN**

La  $Z_{\text{equiv}}$ , de las ramas en paralelo  $Z_{\text{eq}}=Z_1Z_2/Z_1+Z_2$ . operando el producto en polar, y la suma en binómica  $Z_1Z_2=(10\Omega \angle 0^\circ) * 5\Omega \angle 90^\circ = 50\Omega^2 \angle 90^\circ$ ;  $Z_1+Z_2=10+5j$  y en polar  $11\Omega \angle 26,6^\circ$ . Dividiendo  $Z_{\text{eq}}=4,47\Omega \angle 63,4^\circ$  y en binómica  $2+4j\Omega$ . Ahora se le suma  $X_C$  en serie  $-4j\Omega$ , dando  $Z_{\text{total}}=2\Omega \angle 0^\circ$

$i=(20V \angle 45^\circ) / 2\Omega \angle 0^\circ = 10A \angle 45^\circ$ , y está en fase con el voltaje.  $V=(10A \angle 45^\circ) * (4\Omega \angle -90^\circ) = 40V \angle -45^\circ$



87. En el circuito de la figura y con los datos que te dan, teniendo en cuenta que el generador suministra 220V, se podrá asegurar que:

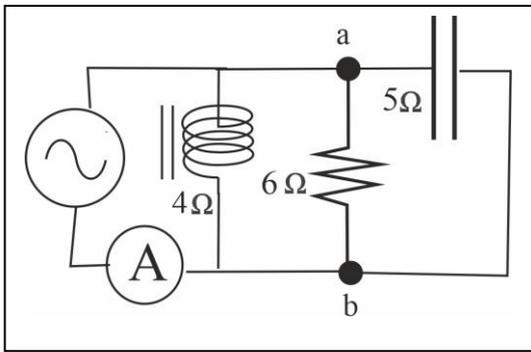
- a) La rama de la izquierda tiene una impedancia polar  $5,66 \angle -45^\circ$
- b) La intensidad eléctrica por la rama anterior es  $27,5\Omega + 27,5j\Omega$
- c) La impedancia equivalente vale  $9\Omega + 4,66j\Omega$
- d) La intensidad eléctrica del circuito es  $38,5A + 8,45jA$

**SOLUCIÓN**

Siendo  $Z_1$ , la impedancia de la rama izquierda y  $Z_2$ , la de la derecha,

$Z_1=4-4j \Omega$  y  $Z_2=5+8,66j \Omega$  y en polares siguiendo pasos de test anteriores  $Z_1=5,66 \angle -45^\circ \Omega$  y  $Z_2=10 \angle 60^\circ \Omega$ . Calculando la intensidades parciales  $i_1=V/Z_1=39 \angle 45^\circ A$ , e

$i_2=V/Z_2=(220 \angle 0^\circ)V / 10 \angle 60^\circ \Omega = 22A \angle -60^\circ A$ . Pasando a forma binómica para poder sumarlas y calcular la  $i$  total,  $i_1=27,5\Omega + 27,5j\Omega$  e  $i_2=11\Omega - 19j\Omega$ , de lo que  $i=i_1+i_2=38,5A + 8,45jA$ . Son correctas todas.



88. En el circuito de la figura y con los datos que te dan, teniendo en cuenta que el generador suministra 100V, se podrá asegurar que:

- La intensidad de la corriente por la bobina es de  $24A - 4jA$
- La intensidad de la corriente por el condensador es  $20A \angle 90^\circ$
- A marcará 17A
- La impedancia total será  $5,73\Omega + 1,64j\Omega$

### SOLUCIÓN

Calculando la intensidades parciales en forma polar  $i_1 = V/Z_1 = 100V/4\Omega = 25A \angle -90^\circ$ , y en forma polar  $25\cos(-90^\circ) + 25\sin(-90^\circ)j = -25jA$ , de igual manera  $i_3 = V/Z_3 = (100 \angle 0^\circ)V / (5 \angle -90^\circ)\Omega = 20A \angle 90^\circ$ .

Pasando a formas binómicas para poder sumarlas y calcular la  $i$  total,  $i_3 = 20\cos(90^\circ) + 20\sin(90^\circ)j = 20jA$

$i_2 = V/Z_2 = (100 \angle 0^\circ)V / (6 \angle 0^\circ)\Omega = 16,7A \angle 0^\circ$ ,  $i_2 = 16,7\cos(0^\circ) + 16,7\sin(0^\circ)j = 16,7A + 0jA$

como  $i = i_1 + i_2 + i_3 = -25jA + 16,7A + 20jA = 16,7A - 5jA$ ,  $17,44A \text{ atan}(-5/16,7) = 17,44A \angle -16,67^\circ$

$Z = V/i = (100 \angle 0^\circ)V / (17,44 \angle -16,67^\circ)\Omega = (5 \angle 16,67^\circ)\Omega$  y en forma binómica  $5,49\Omega + 1,64j\Omega$ .

89. En los circuitos eléctricos en paralelo, el inverso de la resistencia equivalente es igual a la suma de los inversos de las diferentes resistencias, y este hecho se complica cuando se trata de corriente alterna, por eso se definen una serie de inversos para operar con ellos directamente así:

- El inverso de la reactancia se define como admitancia y se representa por  $Y$
- El inverso de una resistencia óhmica se define como conductancia y se representa por  $G$
- El inverso de una reactancia inductiva se define como susceptancia y se representa por  $B_L$
- El inverso de una reactancia capacitiva se define como capacitancia y se representa por  $B_C$

### SOLUCIÓN

Son todas correctas menos la  $d$ , que se define también como susceptancia aunque se represente por  $B_C$

90. La unidad de resistencia es el ohmio, y sus inversos  $1/\Omega$ , también tienen unidades con nombres específicos que en esos casos serán:

- Siemens
- Ohmes
- Siemenes
- Mho

### SOLUCIÓN

$1/\Omega = S$ , y el nombre es el Siemens